

ریاضی  
۱۲



# نمونه سوالات تالیفی شبہ نهایی تجربی



bekhunofficial



باسم‌هه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۳	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
@riazihmd1 گروه ریاضی استان همدان آدرس کاتال شاد: آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) تابع <math>f(x) = 3x(x - x^2 + 1) + 3x^3</math> یک تابع چندجمله‌ای از درجه سوم است.</p> <p>ب) هر نقطه اکسترم نسبی تابع، یک نقطه بحرانی آن است.</p> <p>پ) تابع با ضابطه <math>f(x) = \sqrt{x}</math> در دامنه‌اش اکیدا نزولی است.</p> <p>ت) دامنه تابع با ضابطه <math>y = kf(x)</math> همان دامنه تابع <math>y = f(x)</math> است.</p>	۱
۰/۷۵	<p>جاهای خالی زیر را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>الف) اگر <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5x^n + 2x - 4}{x - kx^4} = 10</math> باشد مقدار <math>k + n</math> برابر ..... می‌شود.</p> <p>ب) مقدار ماکزیمم مطلق تابع <math>f(x) = x^3 + 2x - 5</math> در بازه <math>[-2, 1]</math> ..... است.</p> <p>پ) باقی‌مانده تقسیم چند جمله‌ای <math>-10 - 3x^3 + 5x^2 + 2x</math> بر <math>x+2</math> برابر ..... است.</p>	۲
۱/۲۵	<p>اگر <math>f(x) = 3x - 1</math> و <math>g(x) = \sqrt{x - 2}</math> باشند:</p> <p>الف) دامنه تابع <math>gof</math> را با استفاده از تعریف بدست آورید.</p> <p>ب) مقدار <math>\frac{f^{-1}(5)}{(fog)(6)}</math> را محاسبه کنید.</p>	۳
۱	<p>نمودار زیر مربوط به تابعی با ضابطه <math>f(x) = a \cos bx + c</math> یا <math>f(x) = a \sin bx + c</math> است. با تشخیص دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع، ضابطه آن را مشخص نمایید.</p>	۴
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	



باسمہ تعالیٰ

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۳	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
@riazihmd1 گروه ریاضی استان همدان آدرس کanal شاد: آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۵	الف) حاصل عبارت $x = 7/5$ را به ازای $\sin 4x \cos 2x$ محاسبه کنید. ب) معادله مثلثاتی $\sin 4x - \sin 2x = 0$ را حل کنید.	۱
۶	حد توابع زیر را بیابید.  الف) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{2 - \sqrt{x-1}}{x-5}$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\frac{1}{2}} \frac{\lfloor x \rfloor}{ 2x+1 }$ پ) $\lim_{x \rightarrow +} \frac{1}{1 - \cos x}$	۱/۵
۷	نمودار تابع $f$ در شکل زیر داده شده است. اگر مشتق تابع $f(x)$ در نقطه $B$ برابر ۳ باشد، حاصل $\frac{AC}{AB}$ را بدست آورید.	۱
۸	اگر نیم مماس‌های چپ و راست $f(x) =  x (x+a)$ در نقطه $x=0$ بر هم عمود باشند، مجموعه مقادیر $a$ را بیابید.	۱/۵
۹	مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).	۱/۵
۱۰	آهنگ تغییرات متوسط تابع $y = x^3 - x^2 + x$ روی بازه $[0, 3]$ نسبت به تغییر $x$ ، چقدر از آهنگ لحظه‌ای آن در نقطه $x = \frac{3}{2}$ بیشتر است؟	۱
۱۱	در تابع $f(x) = -2x^3 + 3x^2 + 12x - 9$ با رسم جدول تغییرات تابع، نقاط ماکزیمم نسبی و مینیمم نسبی آنرا در صورت وجود بدست آورید.	۱/۵
	«ادامه سوالات در صفحه سوم»	





باسمہ تعالیٰ

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۳	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
@riazihmd1 گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد: آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۲	ماکریم مساحت مستطیل‌های واقع در نیم دایره‌ای به معادله $y = \sqrt{4-x^2}$ را محاسبه کنید.	۱/۵
۱۳	کانون‌های یک بیضی (۱,۳), (۱,-۵) است و اندازه قطر بزرگ ۱۲ می‌باشد. فاصله کانونی و مختصات مرکز بیضی و خروج از مرکز بیضی را محاسبه کنید.	۱
۱۴	وضعیت خط $5 - 2x = y$ را نسبت به دایره $(x-1)^2 + y^2 = 5$ مشخص کنید.	۱
۱۵	دایره C به مرکز (۱,۱) و شعاع ۳ و دایره D به معادله $x^2 + y^2 + 2x + 6y + 6 = 0$ نسبت به هم چگونه اند؟	۱/۵
۱۶	در دو جعبه به ترتیب ۲۴ و ۱۵ عدد لامپ یکسان موجود است. در جعبه اول ۴ عدد و در جعبه دوم ۳ عدد لامپ معیوب هستند. از اولی ۸ و از دومی ۶ لامپ به تصادف برداشته و در جعبه جدید قرار می‌دهیم. با کدام احتمال یک لامپ انتخابی از جعبه جدید معیوب است؟	۲
	« موفق باشید. »	جمع نمره ۲۰





باسمہ تعالیٰ

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۴	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
@riazihmd1 گروه ریاضی استان همدان آدرس کanal شاد: ۱۴۰۲ آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال			

ردیف	جواب سوالات	نمره
------	-------------	------

	نمره با عدد:	نمره با حروف:	نام مصحح:	تاریخ و امضا مصحح:	
۱	۱	الف)	نمرت	نمرت	نمرت
۰/۷۵	۲	الف)	۲	۲	۲
۱/۲۵	۳	الف)	۱/۲۵	$D_f = \mathbb{R}$ , $D_g: x - 2 > 0 \rightarrow x > 2 \Rightarrow D_g = (2, +\infty)$	$D_f = \mathbb{R}$ , $D_g: x - 2 > 0 \rightarrow x > 2 \Rightarrow D_g = (2, +\infty)$
		(ب)	۱/۲۵	$D_{gof} = \{x \in D_f   f(x) \in D_g\} = \{x \in \mathbb{R}   f(x-1) \in (2, +\infty)\}$	$D_{gof} = \{x \in D_f   f(x-1) \in (2, +\infty)\}$
		(ب)	۱/۲۵	*: $x-1 \geq 2 \Rightarrow x \geq 3 \Rightarrow x \geq 1 \Rightarrow D_{gof} = (1, +\infty)$	$x-1 \geq 2 \Rightarrow x \geq 3 \Rightarrow x \geq 1 \Rightarrow D_{gof} = (1, +\infty)$
		(ب)	۱/۲۵	$f'(a) = a \Rightarrow f(a) = 0 \Rightarrow a-1=0 \Rightarrow a=1$ ( $1/10$ ) $f(g(1)) = f(g(1)) = f(1) = 0$ ( $1/10$ ) $\rightarrow \frac{f'(1)}{f(g(1))} = \frac{1}{0}$	$f'(a) = a \Rightarrow f(a) = 0 \Rightarrow a-1=0 \Rightarrow a=1$ ( $1/10$ ) $f(g(1)) = f(g(1)) = f(1) = 0$ ( $1/10$ ) $\rightarrow \frac{f'(1)}{f(g(1))} = \frac{1}{0}$
۱	۴	۱/۱۰	۱/۱۰	$T = \pi = \frac{\pi}{ h } \rightarrow  h  = \pi$ ( $1/10$ ) $ a  = \frac{\pi - 0}{\pi} = 1$ ( $1/10$ ) $c = \frac{\pi + 0}{\pi} = 1$ ( $1/10$ )	$y = -65\pi x + 1$ ( $1/10$ )
۱	۵	۱/۱۰	۱/۱۰	$\sin nx \cos nx \cos nx = 2 \sin nx \cos nx = \sin 2nx$ ( $1/10$ ) $n = v, \theta \Rightarrow \sin v \cos v = \sin v \cdot 1 = \frac{1}{2}$	$\sin nx = \sin nx \Rightarrow \begin{cases} nx = k\pi + n \Rightarrow x = k\pi \\ nx = k\pi + \pi - n \Rightarrow x = \frac{k\pi + \pi}{n} \end{cases}$ ( $1/10$ )





با سمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۴	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
@riazihmd1 گروه ریاضی استان همدان آدرس کانال شاد:			آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲

ردیف	جواب سوالات	نمره
۶		

۱/۵	<p>(الف) <math>\lim_{n \rightarrow 0} \frac{(2-\sqrt{n-1}) \times (2+\sqrt{n-1})}{n-0} = \lim_{n \rightarrow 0} \frac{4-n+1}{(n-0)(2+\sqrt{n-1})} = \frac{-1}{4}</math> (۱۰)</p> <p>(ب) <math>\frac{-1}{0^+} = -\infty</math> (۱۰)</p> <p>(پ) <math>\frac{1}{0^+} = +\infty</math> (۱۰)</p>	۶
۱	<p>مسیر <math>\beta</math> = شخط <math>\Rightarrow m = 1</math> (۱۰)</p> <p>تا زان زاویه حظ باست قدر <math>\theta</math> زر = بیخط <math>\Rightarrow \tan \theta = 1</math> (۱۰)</p> <p><math>1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta} \Rightarrow 1 + 1 = \frac{1}{\cos^2 \theta} \Rightarrow \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{2}}</math> (۱۰)</p> <p><math>\frac{AC}{AB} = \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{2}}</math> (۱۰)</p>	۷
۱/۵	<p><math>m = f'(a) = \lim_{n \rightarrow a^+} \frac{f(n) - f(a)}{n-a} = \lim_{n \rightarrow a^+} \frac{\ln(n+a) - \ln(a+a)}{n-a} = \lim_{n \rightarrow a^+} \frac{n(n+a)}{n} = a</math> (۱۰)</p> <p><math>m' = f'_-(a) = \lim_{n \rightarrow a^-} \frac{f(n) - f(a)}{n-a} = \lim_{n \rightarrow a^-} \frac{\ln(n+a) - \ln(a+a)}{n-a} = \lim_{n \rightarrow a^-} \frac{-n(n+a)}{n} = -a</math> (۱۰)</p> <p><math>mm' = -1 \rightarrow a(-a) = -1 \rightarrow -a^2 = -1 \Rightarrow a^2 = 1 \Rightarrow a = \pm 1</math> (۱۰)</p>	۸
۱/۵	<p>(الف) <math>f'(x) = 1x\left(\frac{x}{x} + \frac{1}{x} - \sqrt{x-1}\right)^6 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} - \frac{1}{2\sqrt{x-1}}\right)</math> (۱۰)</p> <p>(ب) <math>g(x) = x^4(9x^2 + 9x - 4) = 9x^6 + 9x^5 - 4x^4 \Rightarrow g'(x) = 54x^5 + 45x^4 - 16x^3</math> (۱۰)</p>	۹





با سمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۴	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
@riazihmd1 گروه ریاضی استان همدان آدرس کاتال شاد: آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲			

ردیف	جواب سوالات	نمره
------	-------------	------

۱  $f'(x) = \frac{f(12) - f(0)}{12 - 0} = \text{گهنه متوسط}$   $\Rightarrow f'(x) = \frac{f\left(\frac{12}{n}\right) - f(0)}{\frac{12}{n} - 0} = \frac{1}{12} \sum_{k=1}^{12} k^2 - 1^2 = \frac{1}{12} (1^2 + 2^2 + \dots + 12^2) = \frac{1}{12} \cdot \frac{12 \cdot 13 \cdot 25}{6} = 140$   $(1/10)$

$f'(x) = 3x^2 - 2x + 1 \Rightarrow f'\left(\frac{1}{n}\right) = 3\left(\frac{1}{n}\right)^2 - 2\left(\frac{1}{n}\right) + 1 = \frac{19}{4} \quad (1/10)$

$\text{اصل فرمula} = 140 - \frac{19}{4} = \frac{571}{4} = 142.75 \quad (1/10)$

۱/۵  $f'(x) = -4x^3 + 4x + 12 = 0 \Rightarrow x = -1, x = -\frac{12}{-4} = 3 \quad (1/10)$

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$3$	$+\infty$
$f'$	-	0	+	0	-
$f$	$\downarrow$	$-14$	$\uparrow$	$11$	$\downarrow$
		<i>min</i>	<i>max</i>		

تکمیل جدول (۱)

۱/۵  $y = \sqrt{t-x^2}$   $\Rightarrow S = \int_{-1}^1 \sqrt{t-x^2} dx = \sqrt{\pi} \int_{-1}^1 \sqrt{t-x^2} dx \quad (1/10)$

$S' = \sqrt{t-x^2} + \frac{-2x}{2\sqrt{t-x^2}} \times \sqrt{\pi} = \frac{t-x^2 - 2x^2}{\sqrt{t-x^2}} = \frac{1-3x^2}{\sqrt{t-x^2}} \quad (1/10)$

$S' = 0 \Rightarrow 1-3x^2 = 0 \Rightarrow x = \pm \frac{1}{\sqrt{3}} \rightarrow x = \pm \frac{\sqrt{3}}{3} \quad (1/10)$

$S_{\text{max}} = \sqrt{\pi} \left( \sqrt{t-1} \right) = \sqrt{\pi} \times \sqrt{2} = \sqrt{2\pi} \quad (1/10)$

۱  $AA' = 12 = 10 \rightarrow a = 6 \quad (1/10)$

$FF' = |-d-c| = | -1 - 1 | = 2 \Rightarrow tc = 1 \rightarrow c = t \quad (1/10)$

$O(\alpha, \beta) = \left( \frac{1+1}{2}, \frac{0+(-1)}{2} \right) = (1, -1) \quad (1/10)$

$c = \frac{c}{a} = \frac{t}{6} = \frac{1}{6} \quad (1/10)$

با توجه به مختصات کوئین های سمتی داشت.





با اسمه تعالیٰ

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۴	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲ / ۲ / ۱۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
گروه ریاضی استان همدان آدرس کanal شاد: @riazihmd1			آزمون شبیه‌سازی امتحانات نهایی سال ۱۴۰۲

ردیف	جواب سوالات	نمره
۱۴	$y = rx - d \rightarrow rx - y - d = 0$ $O(1,0)$ و $r = \sqrt{5}$ (۱/۲۵) $OH = \frac{ 1 \cdot 1 - 1 \cdot 0 - 5 }{\sqrt{2^2 + (-1)^2}} = \frac{3 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}}{5}$ (۱/۲۵) یعنی خط را به را قطع نماید.	۱

۱۵	$O(-1,1)$ و $r = 3$ $O'(-\frac{a}{r}, -\frac{b}{r}) = (-\frac{1}{3}, -\frac{4}{3}) = (-1, -3)$ (۱/۱۰) $r' = \frac{1}{r} \sqrt{a^2 + b^2 - r^2} = \frac{1}{3} \sqrt{1^2 + 4^2 - 3^2} = \frac{1}{3} \sqrt{1 + 16 - 9} = \frac{1}{3} \times \sqrt{8} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$ (۱/۱۰) $OO' = \sqrt{(-1+1)^2 + (-3-1)^2} = \sqrt{0+16} = 4$ (۱/۱۰) $r + r' = 3 + \frac{2\sqrt{2}}{3} = \frac{11}{3}$ (۱/۲۵) $OO' = r + r'$ اند. (۱/۲۵)	۱/۵
----	---	-----

۱۶	$\frac{1}{22}$ عربی → $\frac{1}{22}$ مزندران لایب انستیتوی از جمهوری $\frac{1}{12} \times \frac{4}{22} + \frac{9}{12} \times \frac{10}{22} = \frac{1}{11} + \frac{9}{20} = \frac{1 \cdot 10 + 9 \cdot 1}{20 \cdot 11} = \frac{19}{220}$ (۱/۱۰)	۲
۲۰	جمع نمره "موفق باشید"	۱/۷۵





# سایت بخون همیشه رایگان

فیلم آموزشی



گام به گام



مشاوره



نمونه سوال



برنامه‌ریزی



جزوه



کلیک کنید

[www.bekhun.com](http://www.bekhun.com)

